

## مجموع مربعات

۱. اگر  $a, b$  و  $c$  سه عدد باشند و بدانیم  $a^2 + b^2 + c^2 = 0$  آنگاه مقدار عددی  $a^3 + b^3 + c^3$  را بیابید.

۲. الف) چندجمله‌ای  $x^2 + y^2 + 2 - 2x - 2y$  را به صورت مجموع مربع دو دوجمله‌ای بنویسید.

ب) ثابت کنید که اگر  $x = y = 1$ , آنگاه  $x^2 + y^2 + 2 - 2x - 2y = 0$ .

۳. می‌دانیم  $x + y + z + 3 = 0$ . مقدار عددی  $x^2 + y^2 + \frac{1}{4}z^2 - 2x + 2y - z + 3$  را بیابید.

۹۴

Activate Windows  
Go to Settings to activate Windows.

### ● عبارت‌های جبری ●

۴. اگر  $a$  و  $b$  دو عدد باشند، آنگاه ثابت کنید مقدار چندجمله‌ای زیر همواره مثبت است.

$$9a^4 + 10a^2 + b^2 - 4ab + 1$$

۵. ثابت کنید:

الف) اگر  $w = x = 0$ , آنگاه  $w^2 + x^2 = wx$

ب) اگر  $w = x = y = 0$ , آنگاه  $w^2 + x^2 + y^2 = w(x + y)$

ج) اگر  $w = x = y = z = 0$ , آنگاه  $w^2 + x^2 + y^2 + z^2 = w(x + y + z)$

Activate Windows  
Go to Settings to activate Windows.